

Clôture des journées nationales et Prix du meilleur poster GPL 2013

Écrit par Yves Ledru

Vendredi, 05 Avril 2013 09:44 - Mis à jour Dimanche, 07 Avril 2013 15:00

La session poster a réuni une quinzaine de posters et démos, installés le long de la "rue des posters" (merci à [Jean-Pierre Jacquot](#) pour cette photo).



Le prix du meilleur poster a été attribué à Pierre Neron pour son poster intitulé "["Elimination des racines et divisions pour du code embarqué"](#)".

Écrit par Yves Ledru

Vendredi, 05 Avril 2013 09:44 - Mis à jour Dimanche, 07 Avril 2013 15:00

Elimination des racines et divisions pour du code embarqué

Pierre NERON
Inria/ École polytechnique

1. Contexte

- Code embarqué critique :
 - système ACCORD pour l'aéronautique (NASA Langley)
 - opérateur conditionnel (if then else)
 - programmes sans boucles
 - pas d'allocation dynamique de mémoire
- Arithmétique réelle +, -, ×, /, √
- Représentation finie des réels en informatique :
 - REAL NUMBERS
 - FLOATING-POINT NUMBERS

$$\Rightarrow \sqrt{2} \times \sqrt{2} > 2$$

5. Définitions de variables

Afin d'éviter que ces expressions booléennes ne dépendent de racines ou de divisions indirectement, on élimine également ces opérations des définitions de variable en utilisant un *binding partial* :

- let $x = a.b + \sqrt{c+d}/f$ in $P \rightarrow$
 $\text{let } (x_1, x_2, x_3) = (a, b, c+d, f) \text{ in } P[x := x_1 + \sqrt{x_2/x_3}]$
- Nommer les sous-expressions qui ne contiennent ni racine ni division
- Initialiser le contexte qui les contient

2. Spécification

Etant donné qu'il est possible de calculer exactement avec +, -, ×, /, le but est de définir une **transformation de programme** qui :

- élimine les racines et les divisions
- préserve la sémantique lorsqu'il n'y a pas d'erreur

Si on ne peut pas toujours éliminer ces opérations (le programme $\sqrt{2}$ retournera toujours une valeur approchée), on peut en revanche les éliminer de valeurs booléennes et ainsi protéger le graphe de contrôle du programme des erreurs d'arrondis.

6. Définitions avec conditionnelles

Cette notion d'*binding partial* peut s'étendre à des définitions de variables qui contiennent des tests :

- let $x = \text{if } F \text{ then } a/b \text{ else } c + \sqrt{d}$ in P

Le but est alors de trouver une représentation commune à toutes les expressions qui correspondent aux différents cas et d'initialiser cette expression :

- let $(x_1, x_2, x_3) = \text{if } F \text{ then } (a, b, 0) \text{ else } (c, 1, d)$ in $P[x := \frac{x_1}{x_2}]$

Cette représentation commune provient d'une **anti-unification** avec contraintes des expressions correspondant aux différents cas des tests.

Soyons a_1, \dots, a_n , un anti-unificateur de ces termes est un terme t tel que :

$$W \in [|1, \dots, n|] : \exists a_j \in \text{Param}(Var), t.a_j = a_j$$

Avec la contrainte que a_j ne contient ni racine ni division.

Cette anti-unification nous permet donc de définir une fonction el i rel et $(x, p1, p2)$ qui renvoie x' , $p1'$, $p2'$ tels que :

$$\text{let } x = p1 \text{ in } p2 \quad \text{et} \quad \text{let } x' = p1' \text{ in } p2$$

où $p1'$ ne contient pas de racine.

3. Langage

Prog = Constant	Var
let Prog	and Prog
up Prog	Prog op Prog
(Prog, Prog)	let Var = Prog in Prog
if Prog then Prog else Prog	

avec : Constant $\in R \cup \{\text{True}, \text{False}\}$
 $\text{op} \in \{+, -, \times, /, =, \neq, >, \geq, <, \leq, \wedge, \vee\}$
 $\text{up} \in \{\sqrt{}, -, \neg\}$

7. Transformation complète

La transformation est donnée par la fonction récursive El i nj p :

- si p est une expression booléenne, renvoyer el i nj p
- si p est une expression arithmétique, renvoyer p
- si $p = \text{let } x = p1 \text{ in } p2$:
 - $-p1' := \text{El i nj p1}$
 - $-x', p1', p2' := \text{el i nj el } (x, p1', p2)$
 - renvoyer $\text{let } x' = p1' \text{ in } \text{El i nj p2}'$
- si $p = \text{if } F \text{ then } p1 \text{ else } p2$
 - renvoyer $\text{if } \text{El i nj } F \text{ then El i nj } p1 \text{ else El i nj } p2$

4. Expressions booléennes

Soit $E_1 \wedge E_2$ une comparaison, on élimine racines et divisions en appliquant la transformation suivante qui définissent la fonction el i njbool :

- Mettre les divisions en tête :

$$E_1 \wedge E_2 \quad \rightarrow \quad \frac{A}{B} \wedge \frac{C}{D}$$

- Éliminer les divisions de tête :

$$\frac{A}{B} \wedge \frac{C}{D} \quad \rightarrow \quad A.B.D^2 \wedge C.D.B^2$$

- Choisir une racine et factoriser :

$$A.B.D^2 \wedge C.D.B^2 \quad \rightarrow \quad P.\sqrt{Q} + R \wedge 0$$

- Éliminer la racine choisie : $P.\sqrt{Q} + R \wedge 0 \quad \rightarrow \quad (P \geq 0 \wedge R \geq 0) \vee (P \geq 0 \wedge P^2.Q - R^2 \geq 0) \vee (R \geq 0 \wedge P^2.Q - R^2 \geq 0)$
- Tant qu'il y a des racines, recommencer

8. Conclusion

Nous avons donc conçu une transformation de programme qui permet d'éliminer les racines et les divisions de tous les booléens d'un programme. Cette transformation est implémentée en OCaml.

De plus nous avons :

- une spécification et la preuve de correction en PVS
- transposé cette spécification en une tactique réflexive qui permet de transformer automatiquement des buts dans PVS

9. Référence

P. Neron. A formal proof of square root and division elimination in embedded programs. In C. Hawblitzel and D. Miller, editors, CPP, volume 7670 of Lecture Notes in Computer Science, pages 268–272, 2012.

El i njbool i i x, poi y écritre que T i njbool

TempibelaoutiensoitdeperXancjoturé les journées GPL 2013 au terme d'une semaine bien

Clôture des journées nationales et Prix du meilleur poster GPL 2013

Écrit par Yves Ledru

Vendredi, 05 Avril 2013 09:44 - Mis à jour Dimanche, 07 Avril 2013 15:00

